

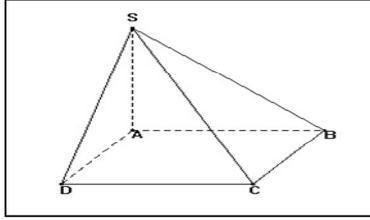
## الهرم والمخروط الدوراني

### 1- الهرم

#### تعريف

الهرم هو مجسم له رأس وقاعدة على شكل مضلع و أوجهه الجانبية على شكل مثلثات.

#### مثال



- SABCD هرم قاعدته الرباعي ABCD

- الأوجه الجانبية هي SAB و SBC و SCD و SAD وهي مثلثات

- S رأس الهرم

- [SD] و [SC] و [SB] و [SA] أحرف جانبية للهرم

- ليكن S هو المسقط العمودي للنقطة H على المستوى ABCD

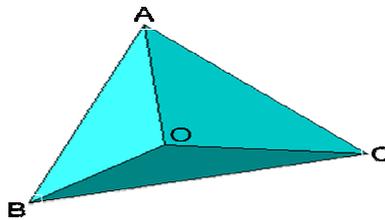
- SH هو إرتفاع الهرم

### 2- المساحة الجانبية-الحجم

#### قاعدة

المساحة الجانبية لهرم تساوي مجموع مساحات أوجهه الجانبية.

#### مثال



$$S = S_{OAB} + S_{OBC} + S_{OAC}$$

### قاعدة

حجم الهرم يساوي ثلث جداء مساحة قاعدته وارتفاعه

$$V = \frac{1}{3} S \times h$$

حيث  $S$  : مساحة القاعدة و  $h$  : ارتفاع الهرم

### 3- المخروط الدوراني

#### تعريف

المخروط الدوراني هو المجسم مولد بدوران مثلث قائم الزاوية حول ضلع من ضلعي الزاوية القائمة.

#### مثال



الضلع [AB] يولد قرصا: قاعدة المخروط الدوراني.  
الضلع [OB] يولد السطح الجانبي للمخروط الدوراني.

#### قاعدة

- المساحة الجانبية  $S$  لمخروط دوراني تساوي جداء محيط القاعدة  $p$  وارتفاعه  $h$

$$S = p \times h$$

- حجم المخروط الدوراني =  $\frac{1}{3} \times$  مساحة القاعدة  $\times$  الارتفاع

#### مثال

$$S = \pi \times OA \times OS \quad (S \text{ هي المساحة الجانبية})$$

$$V = \frac{1}{3} \times \pi \times OA^2 \times OS \quad (V \text{ هو الحجم})$$

